

المادة: فيزياء- كيمياء مدة الإنجاز: ساعتان التاريخ: 2013 / 01 / 14	فرض محروس رقم 2 الدورة الأولى المستوى: الثانية باك علوم زراعية	الثانوية الفلاحية جمعة سحيم الأستاذ: المختار الوردي
ملحوظة: يؤخذ بعين الاعتبار تنظيم ورقة التحرير يجب أن تعطي العلاقة الحرفية قبل التطبيق العددي استعمال أرقام معبرة في التطبيقات العددية		

الكيمياء: (9.25 نقطة)

I- خلال حصة الأشغال التطبيقية، اقترح مدرس على متعلميه تحديد قيمة نسبة التقدم النهائي لتحول كيميائي بواسطة قياس pH، ثم بقياس الموصلية.

الجزء الأول: تعيين نسبة التقدم النهائي بواسطة قياس pH.

نعتبر محلولاً تجارياً لحمض AH تركيزه البدئي $C_0 = 17.5 \text{ mol/l}$. نضيف 1.00 ml من هذا الحمض في حوجلة مملوءة جزئياً بالماء المقطر، ثم نضيف الماء إلى بلوغ الخط المعياري. نحصل على حجم $V = 500 \text{ ml}$ من محلول S_1 تركيزه C_1 .

1- أعط الحمض حسب برونشتد. أحسب التركيز المولي C_1 للمحلول S_1 .

2- أكتب معادلة التفاعل بين الحمض AH و الماء.

3- أنشئ الجدول الوصفي لهذا التفاعل.

4- باستعمال جهاز pH - متر حصل المتعلمين على قيمة pH المحلول S_1 حيث $\text{pH} = 3.1$.

4.1- هل هذا التفاعل تام أم محدود؟

4.2- أحسب نسبة التقدم النهائي لهذا التحول المدروس (τ_1).

5- من بين المعطيات التي وضعها المدرس رهن إشارة المتعلمين، بعض قيم نسبة التقدم النهائي لتفاعل حمض مع الماء بالنسبة لمحاليل أمحاض ذات نفس التركيز البدئي C_1 . تعرف على الحمض AH الموجود في المحلول التجاري S_0 .

الحمض الموجود في المحلول	نسبة التقدم
حمض الميثانويك HCOOH	0.072
حمض الإيثانويك CH ₃ COOH	0.023
حمض البروبانويك C ₂ H ₅ COOH	0.018

الجزء الثاني: تعيين نسبة التقدم النهائي بواسطة قياس الموصلية.

في هذه المرحلة من المناولة قدم المدرس للمتعلمين محلولاً S_2 من الحمض AH تركيزه البدئي $C_2 = 5 \times 10^{-3} \text{ mol/l}$. بإنجازهم قياس الموصلية حصلوا على القيمة $\sigma = 5.0 \times 10^{-2} \text{ S.m}^{-1}$. نهمل تركيز أيونات HO^- أمام تراكيز الأنواع الأخرى.

1- أحسب قيمة التركيز المولي $[\text{H}_3\text{O}^+]_2$ في المحلول S_2 .

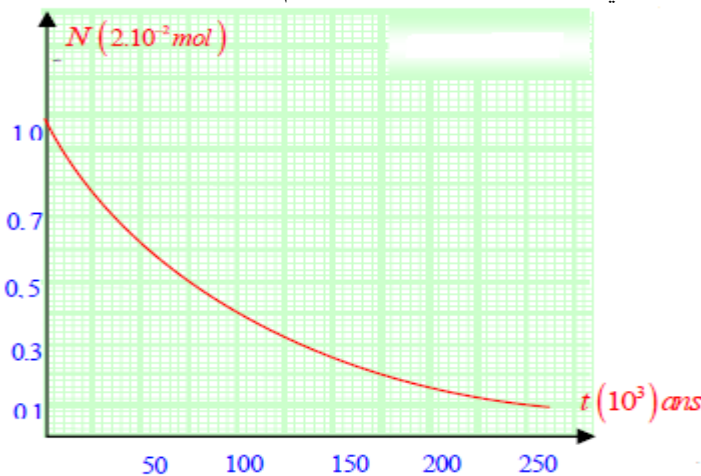
نعطي: $\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} = 35 \times 10^{-3} \text{ S.m}^2.\text{mol}^{-1}$ و $\lambda_{\text{A}^-} = 4.1 \times 10^{-3} \text{ S.m}^2.\text{mol}^{-1}$.

2- أحسب قيمة نسبة التقدم النهائي τ_2 لتفاعل الحمض AH مع الماء في المحلول S_2 .

3- قارن قيمة τ_2 و قيمة τ_1 المحصل عليها في الجزء الأول. هل هذه النتيجة منتظرة؟ علل جوابك.

الفيزياء: (15.5 نقطة)**التمرين الأول: التاريخ بطريقة الأورانيوم - الثوريوم (8.0 نقطة)**

يمثل المبيان أسفله منحنى التناقص الإشعاعي بآلاف السنين لعينة من الثوريوم ^{230}Th .



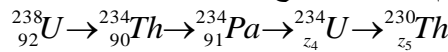
1- عرف عمر النصف لنوييدة مشعة، و حدد قيمته بالنسبة للنوييدة ^{230}Th .

2- إن نواة الثوريوم ^{230}Th تتحول إلى الراديوم ^{88}Ra منتجة الإشعاعات α ، أكتب معادلة النشاط الإشعاعي الموافق؛ محددًا عدد النويات و عدد الشحنة للنوى المعبر عنها في التفاعل.

3- أعط قانون التناقص الإشعاعي، ثم أوجد قيمة ثابتة التناقص الإشعاعي λ للثوريوم 230.

4- هل يتأثر نصف عمر المادة المشعة عبر الزمن أم بتغير كمية العينة البدئية المشعة أم بتغير درجة الحرارة أم بالضغط؟

5- إن الثوريوم 230 ينتمي إلى فصيلة الأورانيوم 238 و هو ينتج وفق سلسلة الأنشطة الإشعاعية المتوالية الآتية:



5. 1- أوجد العددين: Z_4 و Z_5 .

5. 2- أذكر أنواع الأنشطة الإشعاعية في التحولات الأربعة السابقة.

6- يستخدم الثوريوم 230 في تاريخ الأحجار المرجانية و الترسبات البحرية، و ذلك بحساب النسبة $r = \frac{N({}^{230}\text{Th})}{N({}^{234}\text{U})}$ التي تزداد خلال

الزمن منذ بداية تشكل الكائنات المرجانية الحية و الترسبات البحرية.

نتوفر على عينة من صخرة رسوبية بحرية كانت تحتوي عند لحظة تشكلها التي نعتبرها أصلا للتواريخ ($t = 0$)، على عدد N_0 من

نوى الأورانيوم ${}^{234}\text{U}$ و نعتبر أنها لم تكن تحتوي أندا على نوى الثوريوم 230.

6. 1- أعط تعبير عدد نوى الثوريوم $N({}^{230}\text{Th})$ عند اللحظة t بدلالة N_0 و عمر النصف $t_{1/2}$ لعنصر الأورانيوم ${}^{234}\text{U}$.

6. 2- أوجد تعبير اللحظة t بدلالة r و $t_{1/2}$.

6. 3- تصيح النسبة $\frac{N({}^{230}\text{Th})}{N({}^{234}\text{U})}$ ثابتة، عندما يصح النشاط الإشعاعي $A(t)$ لكل من الأورانيوم و الثوريوم متساويا في نفس اللحظة.

6. 3. 1- أثبت أن $A(t) = \lambda \times N(t)$.

6. 3. 2- أحسب النسبة $\frac{N({}^{230}\text{Th})}{N({}^{234}\text{U})}$ في هذه الحالة.

7- دراسة نواة الأورانيوم ${}^{234}\text{U}$.

7. 1- أعط تركيب نواة الأورانيوم 234.

7. 2- أحسب ب MeV طاقة الربط E_1 للنواة ${}^{234}\text{U}$ و استنتج طاقة الربط بالنسبة لنوية.

8- علما أن نواة ${}^{234}\text{U}$ تتحول إلى نواة ${}^{230}\text{Th}$ ببعثها دقيقة α .

8. 1- أكتب معادلة التحول.

8. 2- أحسب طاقة الربط لكل من ${}^{230}\text{Th}$ و α و استنتج طاقة الربط بالنسبة لنوية لكل منهما.

8. 3- ما هي النوية الأكثر استقرارا؟

8. 4- أحسب الطاقة الناتجة عن التحول.

المعطيات		
$m({}^{230}\text{Th}) = 230.004u$	$m({}^4_2\text{He}) = 4.001u$	كتلة نواة الأورانيوم $m({}^{234}_{92}\text{U}) = 234.0409u$
كتلة النوترون $m_n = 1.00866u$	كتلة البروتون $m_p = 1.00728u$	عمر النصف ل ${}^{234}_{92}\text{U}$ $t_{1/2} = 2.455 \cdot 10^5 \text{ ans}$
وحدة الكتلة الذرية $1u = 931.5 \text{ MeV}$		

التمرين الثاني (7.5 نقطة)

1- يوجد في مختبر عند اللحظة $t = 0$ عينة من الأزوت 13 المشع النقي كتلتها $1.49 \mu\text{g}$ و الذي عمر نصفه 10 min . أوجد:

1. 1- عدد نوى الأزوت الموجودة عند اللحظة $t = 0$. $N_A = 6.02 \times 10^{23}$

1. 2- نشاط العينة عند اللحظة $t = 0$.

1. 3- النشاط بعد ساعة.

1. 4- الزمن اللازم لكي ينقص النشاط إلى واحد بكيريل $A = 1 \text{ Bq}$.

2- تحتوي صخور القمر على البوتاسيوم ${}^{40}_{19}\text{K}$ المشع و الذي يتحول إلى الأرجون ${}^{40}_{18}\text{Ar}$.

2. 1- أكتب معادلة النشاط الإشعاعي المحدث.

2. 2- ما نوع النشاط الإشعاعي، أذكر بعض خصائص الجسم المنبعث.

2. 3- من أجل تحديد تاريخ تشكل صخور من القمر التي أتى بها رواد الفضاء أعطى التحليل لعينة منها حجمها $8.1 \times 10^{-3} \text{ cm}^3$ من غاز

الأرغون في الشروط النظامية و $1.67 \times 10^{-6} \text{ g}$ من البوتاسيوم.

2. 3. 1- أحسب عدد نوى غاز الأرغون الناتجة عن تحليل العينة و كذا عدد نوى ${}^{40}_{19}\text{K}$ ، ثم استنتج عدد نوى ${}^{40}_{19}\text{K}$ البدئية عند اللحظة

$t = 0$ باعتبار أن العينة المأخوذة تتكون فقط من الأرغون Ar و البوتاسيوم K.

2. 3. 2- أحسب عمر الصخر. علما أن $t_{1/2} = 1.3 \times 10^9 \text{ ans}$.

الكيمياء:

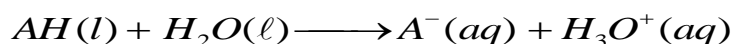
الجزء الأول: تعيين نسبة التقدم النهائي بواسطة قياس pH.

-1

الحمض حسب برونشستد هو كل نوع كيميائي قادر على فقدان بروتون H^+ ، على الأقل، خلال تحول كيميائي. التركيز المولي C_1 للمحلول S_1

$$C_1 = 17.5 \times \frac{1}{500} = 35 \times 10^{-3} \text{ mol/l} \quad \text{ت.ع} \quad C_1 = \frac{C_0 V_0}{V}$$

-2 معادلة التفاعل بين الحمض AH و الماء.



-3 الجدول الوصفي لهذا التفاعل.

$AH(l) + H_2O(l) \longrightarrow A^-(aq) + H_3O^+(aq)$				معادلة التفاعل	
كميات المادة ب المول				التقدم	الحالة
17.5×10^{-3}	بوفرة	0	0	0	الحالة البدئية
$17.5 \times 10^{-3} - x$	بوفرة	x	x	x	الحالة الوسيطة
$17.5 \times 10^{-3} - x_f$	بوفرة	x_f	x_f	x_f	الحالة النهائية
$17.5 \times 10^{-3} - x_{\max}$	بوفرة	x_{\max}	x_{\max}	x_{\max}	الحالة الفصوى

-1.4

إذن هذا التفاعل محدود $x_f = n_f(H_3O^+) = [H_3O^+]_f \cdot V = 10^{-3.1} \times 0.5 = 3.97 \cdot 10^{-4} \text{ mol} \ll x_{\max}$
 -2.4 نسبة التقدم النهائي لهذا التحول المدروس.

$$\tau_1 = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{3.97 \times 10^{-4}}{17.5 \times 10^{-3}} = 0.023$$

-5 الحمض AH الموجود في المحلول التجاري S_0 هو حمض الإيثانويك CH_3COOH .

الجزء الثاني: تعيين نسبة التقدم النهائي بواسطة قياس الموصلية.

-1 قيمة التركيز المولي $[H_3O^+]_2$ في المحلول S_2 .

$$[H_3O^+]_2 = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A^-}}$$

$$[H_3O^+]_2 = \frac{5.0 \times 10^{-2}}{35.0 \times 10^{-3} + 4.1 \times 10^{-3}} = 12.8 \times 10^{-2} \text{ mol/m}^3 = 12.8 \times 10^{-2} \times 10^{-3} \text{ mol/l} = 12.8 \times 10^{-5} \text{ mol/l} \quad \text{ت.ع}$$

-2 قيمة نسبة التقدم النهائي τ_2 لتفاعل الحمض AH مع الماء في المحلول S_2 .

$$\tau_2 = \frac{12.8 \times 10^{-5}}{5.0 \times 10^{-3}} = 0.0256 \quad \text{ت.ع} \quad \tau_2 = \frac{[H_3O^+]_2}{C_2}$$

-3 قارن قيمة τ_2 و قيمة τ_1 . النتيجة منتظرة لأنه كلما كانت التراكيز البدئية صغيرة تكون نسبة التقدم النهائي للتفاعل كبيرة ($\tau = \frac{[H_3O^+]}{C}$).الفيزياء
التمرين الأول-1 عمر النصف ($t_{1/2}$): عمر النصف $t_{1/2}$ لنويدة مشعة هي المدة الزمنية اللازمة لتفتت نصف نوى العينة.

$$t_{1/2} = 75 \times 10^3 \text{ ans} \quad \text{نجد مبيانيا } {}^{230}\text{Th}$$

-2 معادلة التفاعل النووي الموافق ${}^{230}\text{Th} \rightarrow {}^{226}\text{Ra} + {}^4\text{He}$. حيث $A = 230 - 4 = 226$ و $Z = 88 + 2 = 90$

-3 قانون التناقص الإشعاعي.

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\lambda = 9.2 \times 10^{-6} \text{ ans}^{-1} \quad \text{ت.ع} \quad \lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \quad \text{و منه نجد} \quad N = \frac{N_0}{2} \quad \text{عند } t = t_{1/2} \text{ فإن:}$$

- 4- لا علاقة لنصف العمر بالعوامل المذكورة في السؤال.
 5. 1- إيجاد العددين: z_4 و z_5 . $z_4 = 92$ لأنه يتعلق بنظير الأورانيوم $z_5 = 90$ لأنه يتعلق بنظير الثوريوم.
 5. 2- أنواع الأنشطة الإشعاعية في التحولات الأربعة.
 - التحول (1) $\alpha \leftarrow$ - التحول (2) $\beta^- \leftarrow$ - التحول (3) $\beta^- \leftarrow$ - التحول (4) $\alpha \leftarrow$

- 6- 1- تعبير عدد نوى الثوريوم $N(^{230}\text{Th})$ عند اللحظة t بدلالة N_0 و عمر النصف $t_{1/2}$ لعنصر الأورانيوم ^{234}U .
 N_0 عدد نوى الأورانيوم ^{234}U عند اللحظة t_0 .
 حيث $N_0 = N_{desin} + N_{res}$ و N_{desin} : عدد النوى المتفتتة و N_{res} : عدد النوى المتبقية
 ما يتفتت من الأورانيوم يتحول إلى ثوريوم

$$N(^{230}\text{Th}) = N_0 (1 - e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t}) \quad \text{إذن} \quad \lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \quad \text{حيث} \quad N(^{230}\text{Th}) = N_0 - N_{res} = N_0 - N_0 e^{-\lambda t}$$

6. 2- تعبير اللحظة t بدلالة r و $t_{1/2}$.

$$r = \frac{N(^{230}\text{Th})}{N(^{234}\text{U})} = \frac{N_0 (1 - e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t})}{N_0 e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t}} = e^{\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t} - 1$$

$$\ln(r + 1) = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} t \quad \text{أي} \quad r + 1 = e^{\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t}$$

$$t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln(r + 1) \quad \text{و منه}$$

-3. 6

$$A(t) = -\frac{dN(t)}{dt} = -\frac{dN_0 e^{-\lambda t}}{dt} = \lambda N(t) \quad -1. 3. 6$$

$$\lambda_{(^{230}\text{Th})} N(^{230}\text{Th}) = \lambda_{(^{234}\text{U})} N(^{234}\text{U}) \quad \text{و منه} \quad A(^{230}\text{Th}) = A(^{234}\text{U}) \quad -2. 3. 6$$

$$\frac{N(^{230}\text{Th})}{N(^{234}\text{U})} = \frac{\lambda_{(^{234}\text{U})}}{\lambda_{(^{230}\text{Th})}} = \frac{t_{1/2} (^{230}\text{Th})}{t_{1/2} (^{234}\text{U})} \quad \text{نجد}$$

$$\frac{N(^{230}\text{Th})}{N(^{234}\text{U})} = 30.55 \% \quad \text{ت. ع}$$

7- دراسة نواة الأورانيوم ^{234}U 1- تركيب نواة الأورانيوم ^{234}U .تتكون نواة الأورانيوم ^{234}U من 92 بروتون و 142 نوترون2- حسب ب MeV طاقة الربط E_l للنواة ^{234}U .

$$E_l = \Delta m \times C^2 = [Z \cdot m_p + (A - Z) \cdot m_n - m(^{238}\text{U})] C^2$$

$$= [92 \times 1.0073 + (234 - 92) \times 1.0087 - 234.0409] u C^2$$

$$= (92.6716 + 143.2354 - 234.0409) u C^2$$

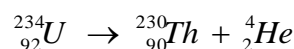
$$= 1.8661 u \times C^2 = (1.8661 \times 931.5 \text{ MeV} / C^2) \times C^2 = 1738.27 \text{ MeV}$$

و منه طاقة الربط بالنسبة لنوية.

$$\xi(U) = \frac{E_l(U)}{A} = \frac{1738.27}{234} = 7.43 \text{ MeV} / \text{nucléon}$$

8- علما أن نواة ^{234}U تتحول إلى نواة ^{230}Th ببعثها دقيقة α .

1- معادلة التحول

2- طاقة الربط لكل من ^{230}Th و α .

$$\begin{aligned}
 E_l(^{230}\text{Th}) &= \Delta m \times C^2 = [Z \cdot m_p + (A-Z) \cdot m_n - m(^{230}\text{Th})] C^2 \\
 &= [90 \times 1.0073 + (230-90) \times 1.0087 - 230.004] u C^2 \\
 &= (90.657 + 141.218 - 230.004) u C^2 \\
 &= 1.871 u \times C^2 = (1.871 \times 931.5 \text{ MeV} / C^2) \times C^2 = 1742.8365 \text{ MeV}
 \end{aligned}$$

$$\xi(\text{Th}) = \frac{E_l(\text{Th})}{A} = \frac{1742.8365}{230} = 7.5775 \text{ MeV} / \text{nucléon}$$

$$\begin{aligned}
 E_l(^4\text{He}) &= \Delta m \times C^2 = [Z \cdot m_p + (A-Z) \cdot m_n - m(^4\text{He})] C^2 \\
 &= [2 \times 1.0073 + 2 \times 1.0087 - 4.001] u C^2 \\
 &= (2.0146 + 2.0174 - 4.001) u C^2 \\
 &= 0.031 u \times C^2 = (0.031 \times 931.5 \text{ MeV} / C^2) \times C^2 = 28.8765 \text{ MeV}
 \end{aligned}$$

$$\xi(\text{He}) = \frac{E_l(\text{He})}{A} = \frac{28.8765}{4} = 7.22 \text{ MeV} / \text{nucléon}$$

أكبر.

4.8- الطاقة الناتجة عن التحول.

$$\Delta E = E_l(^{234}\text{U}) - E_l(^{230}\text{Th}) + E_l(\text{He}) = 1738.27 - 1742.8365 - 28.8765 = -33.44 \text{ MeV}$$

التمرين الثاني

-1

$$1.1- \text{ عدد نوى الأزوت الموجودة عند اللحظة } t=0 \quad N_0 = \frac{m_0 \times N_A}{M} \quad \text{ت.ع.} \quad N_0 = 6.9 \times 10^{16} \text{ noyaux}$$

1.2- نشاط العينة عند اللحظة $t=0$. (يجب تحويل الزمن إلى (S))

$$A_0 = \lambda_1 N_0 \quad \text{ت.ع.} \quad A_0 = 7.9 \times 10^{13} \text{ Bq}$$

1.3- النشاط بعد ساعة.

$$A = A_0 e^{-\lambda_1 t} \quad \text{ت.ع.} \quad A = 1.26 \times 10^{12} \text{ Bq}$$

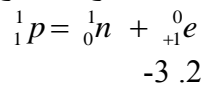
1.4- الزمن اللازم لكي ينقص النشاط إلى واحد بكريل $A=1 \text{ Bq}$.

$$A = A_0 e^{-\lambda_1 t} \quad \text{ومنه} \quad t = -\frac{1}{\lambda_1} \ln \frac{A}{A_0} \quad \text{ت.ع.} \quad t = 27830 \text{ s} \approx 7.7 \text{ h}$$

-2

1.1- معادلة النشاط الإشعاعي المحدث.

2.2- نوع الإشعاع المنبعث هو β^+ و هو إلكترون شحنته موجبة ينتج تحول بروتون إلى نوترون مع تحرير إلكترون موجب (بوزيترون)



1.3.2

$$N_1 = 2.51 \times 10^{16} \text{ noyaux} \quad \text{ت.ع.} \quad N_1 = \frac{m \times N_A}{M} \quad * \text{ عدد نوى } {}_{19}^{40}\text{K}$$

$$N_2 = 2.18 \times 10^{17} \text{ noyaux} \quad \text{ت.ع.} \quad N_2 = \frac{V_g}{V_M} \times N_A \quad * \text{ عدد نوى غاز الأرجون الناتجة عن تحليل العينة}$$

* عدد نوى ${}_{19}^{40}\text{K}$ البدئية عند اللحظة $t=0$ باعتبار أن العينة المأخوذة تتكون فقط من الأرجون Ar و البوتاسيوم K.

$$N_0 = N_1 + N_2 = 2.43 \times 10^{17} \text{ noyaux}$$

2.3.2- حساب عمر الصخر. $t_{1/2} = 1.3 \times 10^9 \text{ ans}$.

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda_2 t} \quad \text{مع} \quad \lambda_2 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = 5.3 \times 10^{-10} \text{ ans}^{-1} \quad \text{نكتب} \quad t = -\frac{1}{\lambda_2} \ln \frac{N}{N_0}$$

$$N(t) = 2.51 \times 10^{16} \text{ noyaux} \quad N_0 = 2.43 \times 10^{17} \text{ noyaux} \quad \text{ت.ع.}$$

$$t = 4.27 \times 10^9 \text{ ans}$$