

الترين الأول مشترك بين الكيمياء و الفيزياء: (7.0 نقط)

شحن مكثف بواسطة عمود

الجزءان غير مستقلان

I- الجزء الأول: (كيمياء) دراسة عمود دانييل (8 نقط)

يتكون عمود دانييل من:

- صفيحة من الزنك مغمورة في محلول مائي لكبريتات الزنك $(Zn^{2+}_{(aq)} + SO^{2-}_{(aq)})$ حجمه $V_1 = 100 \text{ mL}$ وتركيزه $C_1 = 1,0 \text{ mol.L}^{-1}$

- صفيحة من النحاس مغمورة في محلول مائي لكبريتات النحاس $(Cu^{2+}_{(aq)} + SO^{2-}_{(aq)})$ حجمه $V_2 = 100 \text{ mL}$ وتركيزه $C_2 = 1,0 \text{ mol.L}^{-1}$

- قنطرة أيونية مكونة من محلول $(K^+ + Cl^-)$ تربط بين المحلولين دون أن يختلطا، تلعب دور التوصيل الكهربائي بينهما.

1- ارسم تبيانة هذا العمود.

2- علما أن ثابتة توازن التفاعل، الذي يتم عند 25°C ، المرتبطة بالمعادلة التالية $Cu^{2+}_{(aq)} + Zn(s) = Zn^{2+}_{(aq)} + Cu(s)$ هي $K = 4,6 \times 10^{36}$

1-2- حدد منحى تطور المعادلة الكيميائية للتفاعل.

2-2- اكتب نصف معادلة التفاعل الذي تحدث بجوار كل إلكترود، محدد الإلكترود الذي يلعب دور الأنود و الإلكترود الذي يلعب دور الكاثود.

3- أعط التمثيل الاصطلاحي لهذا العمود.

4- بتركيب الأمبيرمتر بين مربطي العمود، يشير هذا الأخير إلى $I = 100 \text{ mA}$. حدد منحى التيار الكهربائي.

5- بتركيب جهاز الفولطمتر فإنه يشير إلى فرق جهد بين مربطيه $U_{PN} = 1,0 \text{ V}$. علما أن العمود يتميز بقوة كهر محركية E و مقاومة داخلية $r = 2,5 \Omega$. أحسب E .

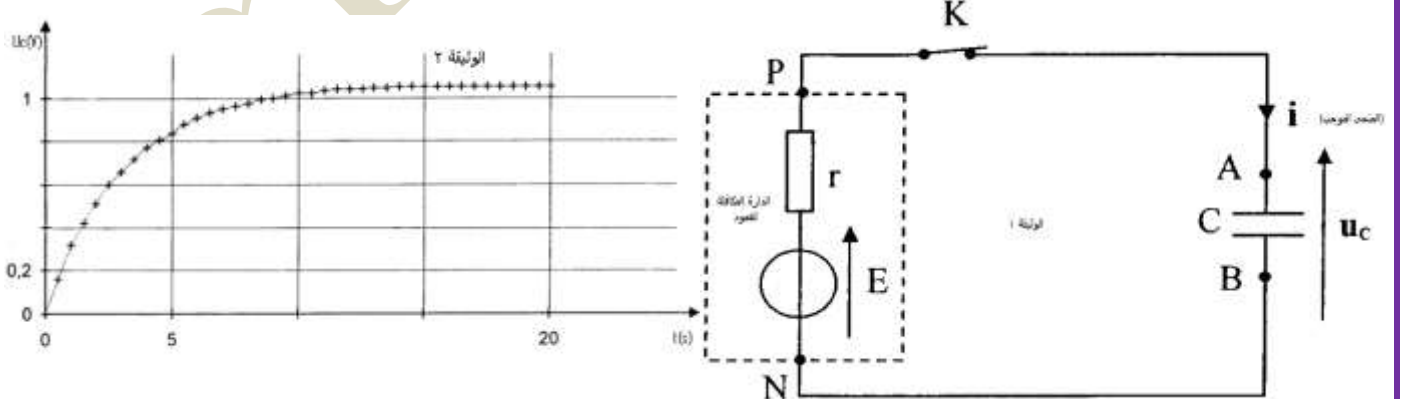
6- يتوقف العمود عن الإستغلال عندما يصبح أحد الأيونات Cu^{2+} أو Zn^{2+} محادا. أحسب كمية الكهرباء القصوية التي يمكن أن ينتجها هذا العمود. و استنتج مدة اشتغاله.

نعطي: ثابتة أفوكادرو $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ شحنة الكهرباء الجزئية $e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$

II- الجزء الثاني (فيزياء) شحن مكثف (2.5 نقطة)

ننجز دائرة كهربائية بتركيب العمود المدروس سابقا، مكثف سعته $C = 330 \mu\text{F}$ وقاطع التيار K الذي نغلقه عند اللحظة $t_0 = 0 \text{ s}$. كما تبينه الوثيقة أسفله (الوثيقة 1).

1- انطلاقا من الوثيقة 2، حدد ثابتة الزمن τ بطريقة من اختيارك.



2- بين أنه انطلاقا من اللحظة t_0 ، التوتر u_C يحقق المعادلة التفاضلية التالية: $E = U_c + r \times C \frac{du_c}{dt}$

3- أوجد حل هذه المعادلة التفاضلية.

التمرين الثاني : فيزياء: (13 نقطة)

التمرين الأول (6.5 نقطة)

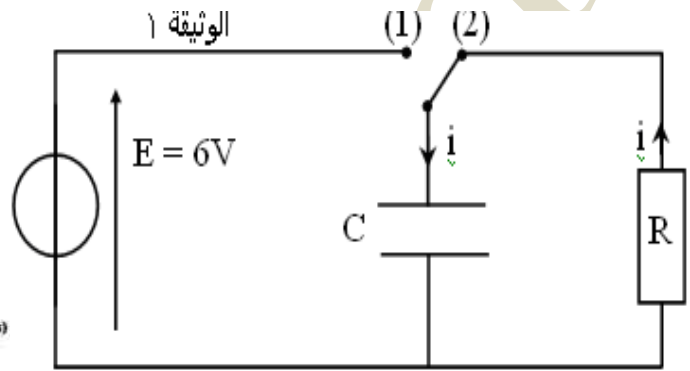
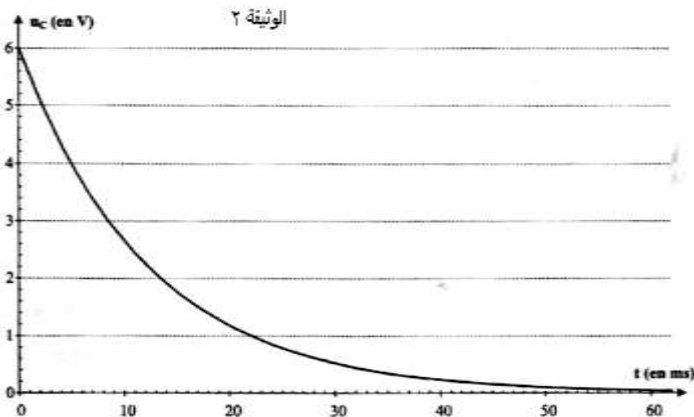
وشيجة ذات معامل تحريض ذاتي قابل للضبط

في حصة للأشغال التطبيقية، نريد التحقق من قيمة معامل التحريض الذاتي المشار إليه بواسطة زر الضبط للوشيجة ذات نواة الحديد. لهذا سنتتبع مرحلتين:

- المرحلة الأولى: نحدد قيمة سعة مكثف تجريبيا، بتفريغه في موصل أومي.
- المرحلة الثانية: ندرس فرغ هذا المكثف في وشيجة للاستنتاج قيمة معامل تحريضها الذاتي.

I- تحديد سعة المكثف.

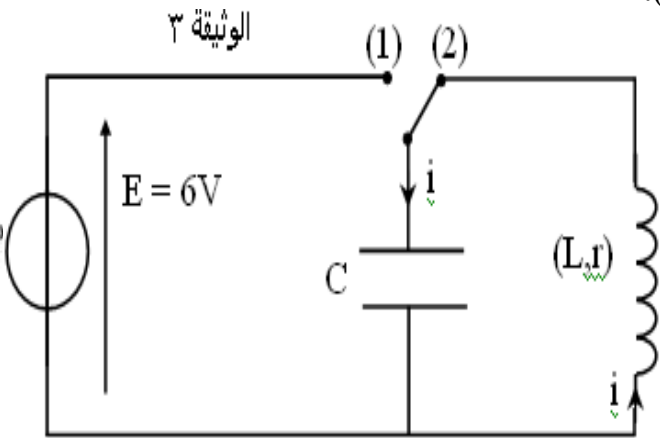
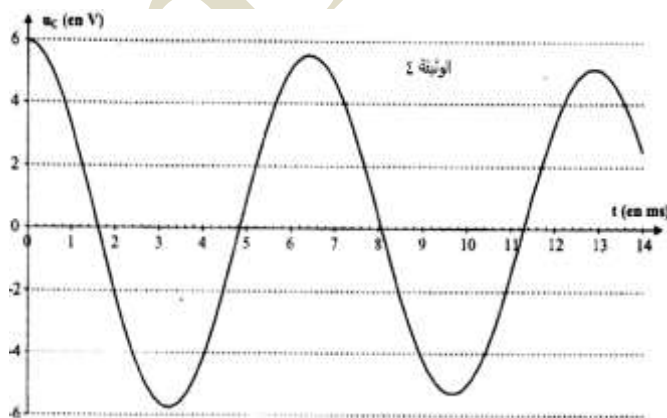
نعتبر الوثيقة (1)، حيث قاطع التيار في الموضع 1 و المكثف يشحن تحت توتر E . عند اللحظة $t = 0s$ ، نأرجح قاطع التيار إلى الموضع 2. المكثف يفرغ في موصل أومي مقاومته $R = 5,6 \Omega$.



- 1- باستحضار اصطلاح مستقبل، مثل التوترين U_C و U_R بين مربطي المكثف و الموصل الأومي.
- 2- أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر U_C ، وكذا حلها علما أن $\tau = RC$.
- 3- عند اللحظة $t = \tau$ ، التوتر بين مربطي المكثف يساوي 37%، 63% أو 93% بالنسبة للقيمة البدئية. علل جوابك.
- 4- باستعمال منحنى الوثيقة (2)، حدد قيمة ثابتة الزمن τ و استنتج قيمة السعة C .
- 5- على الوثيقة (2)، أنشئ منحنى فرغ المكثف في الحالة التي نستعمل فيها موصل أومي مقاومته R' ضعيفة. علل جوابك.

II- قياس معامل التحريض الذاتي لوشيجة

الوشيجة المدروسة لها معامل التحريض الذاتي L ، قابل للضبط من $0,1 H$ إلى $1,1 H$ ، و مقاومة $r = 12 \Omega$. لقياس قيمة L ، نضع زر الضبط على $0,5 H$. ننجز الدارة الممثلة في الوثيقة (3)، باستعمال مكثف سعته $C = 2,2 \mu F$. بعد شحن المكثف نأرجح في لحظة $t = 0$ قاطع التيار إلى الموضع 2. فنحصل على منحنى $u_C = f(t)$ الممثل في الوثيقة (4).



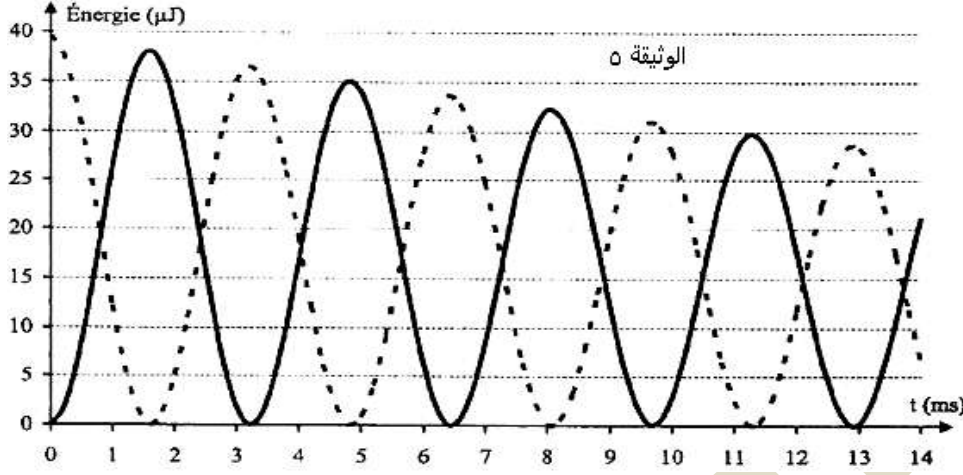
- 1- مثل على الوثيقة (3) كيفية ربط جهاز راسم التوتر لمشاهدة التوتر بين مربطي المكثف.
- 2- لماذا نظام التوتر U_C شبه دوري.

3- نعتبر أن: $T_0 = T = 2\pi\sqrt{LC}$. باستعمال الوثيقة (4) حدد قيمة L .

4- قارن بين قيمتي L التجريبية و المشار إليها على الوشيجة. أحسب الفرق النسبي $\frac{|L_{\text{exp}} - L_{\text{bobine}}|}{L_{\text{bobine}}}$. ماذا تستنتج.

III- حصيلة الطاقة

نهتم الآن بالتطور الزمني للطاقتين المخزنتين من طرف المكثف و الوشيجة W_C و W_L . تمثل الوثيقة (5) التطور الزمني للطاقة.



- 1- أعط تعبير الطاقتين W_C و W_L .
- 2- باعتبار الشروط البدئية، حدد على الوثيقة (5) منحى W_C و منحى W_L . علل جوابك.
- 3- نقارن التطور الزمني للطاقتين المخزنتين من طرف المكثف و الوشيجة W_C و W_L . ماذا يحدث بين الوشيجة و المكثف.
- 4- الطاقة الكلية $W = W_C + W_L$ تتناقص مع الزمن. من المسؤول عن هذا الضياع للطاقة.
- 5- بين كيف يمكن صيانة الدبدبات.
- 6- باستعمال المعادلة التفاضلية في حالة صيانة الذبدبات، بين أن الطاقة الكلية للدائرة تبقى ثابتة. أحسب قيمتها.

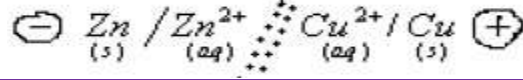
اعلم أنه من جد وجد، و من زرع حصده، و من سار على الدرب وصل.

تصحيح الفرض المحروس رقم 4

التنقيط	عناصر الاجابة	المحور
	التمرين الأول: شحن مكثف بواسطة عمود	
	I- الجزء الأول: (كيمياء) دراسة عمود دانييل	
	1- تبيانة العمود	
	1-2- منحى تطور المعادلة الكيميائية للتفاعل.	
	$Q_{r,i} = \frac{[Zn^{2+}]_i}{[Cu^{2+}]_i} = \frac{C_1}{C_2} = 1,0$	
	$Q_{r,i} < K$ التحول يتطور تلقائيا في المنحى المباشر.	
	2-2- نصف معادلة التفاعل الذي تحدث بجوار كل إلكترود ، مع تحديد الإلكترود الذي يلعب دور الأنود و	

الإلكترود الذي يلعب دور الكاثود.
 * عند الكاثود (القطب الموجب): $\text{Cu}_{(s)} = \text{Cu}_{(aq)}^{2+} + 2e^-$ (نصف معادلة الاختزال) حيث يتم استهلاك الإلكترونات.
 * عند الأنود (القطب السالب): $\text{Zn}_{(s)} = \text{Zn}_{(aq)}^{2+} + 2e^-$ (نصف معادلة الأكسدة) حيث يتم فقدان الإلكترونات.

3- التمثيل الاصطلاحي للعمود.



4- منحى التيار الكهربائي: من إلكترود النحاس نحو إلكترود الزنك.

5- حساب قوة كهرومحرقة E.

$$\text{انطلاقاً من مميزة عمود لدينا } U_{PN} = E - rI \quad \text{ت ع } E = 1,25V$$

6- حساب كمية الكهرباء القصوية التي يمكن أن ينتجها هذا العمود.

المتفاعل المحد هو أيون النحاس II، الزنك يوجد بوفرة

$$Q = n(e^-) \cdot N_A \cdot e \quad \text{و} \quad x_{\max} = C_2 \cdot V_2$$

و انطلاقاً من نصف معادلة الاختزال، لدينا: $n(e^-) = \frac{n(\text{Cu}_{(aq)}^{2+})_{\text{consommée}}}{2}$ و $n(\text{Cu}_{(aq)}^{2+})_{\text{consommée}} = x_{\max}$

اذن $n(e^-) = 2 \times x_{\max}$ ومنه $Q = 2x_{\max} \cdot N_A \cdot e = 2 C_2 \cdot V_2 \cdot N_A \cdot e$

$$\text{ت ع } Q = 1,9 \cdot 10^4 \text{ C} \quad \text{أي } Q = 2 \times 1,0 \times 0,100 \times 6,02 \cdot 10^{23} \times 1,6 \cdot 10^{-19}$$

$$\text{المدة الزمنية للاشتغال للعمود: } \Delta t = \frac{Q}{I} \quad \text{ت ع } \Delta t = 1,9 \times 10^5 \text{ s} \approx 52 \text{ h } 47 \text{ mn}$$

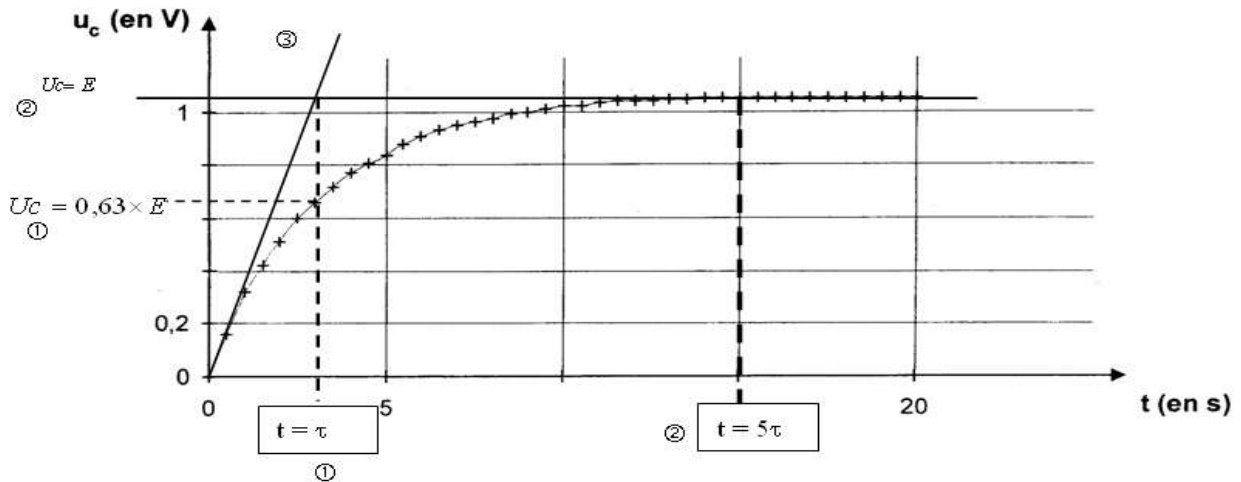
II- الجزء الثاني (فيزياء) شحن مكثف

1- تحدد ثابتة الزمن τ . باختيار ثلاث طرق

* الطريقة الأولى: عند اللحظة $t = \tau$ لدينا $u_C(\tau) = 0,63 \cdot E$ نقرأ مبيانيا الأفضول τ الموافق للأرتوب
 $U_C = 0,63 \times 1,25 = 0,79 \text{ V}$

* الطريقة الثانية: $t = 5\tau$ يمكن اعتبار $u_C = E$.

* الطريقة الثالثة: المماس للمنحنى الدالة $u_C = f(t)$ يقطع المقارب الأفقي $u_C = E$ في النقطة $t = \tau$.



الطرق الثلاث تؤدي إلى: $\tau = 3,0 \text{ s}$

2- المعادلة التفاضلية التالية

بتطبيق قانون إضافية التوترات لدينا: $E - rI = u_C$ و $U_{PN} = U_{AB}$ و $E = U_C + r \frac{dq}{dt}$ و منه:

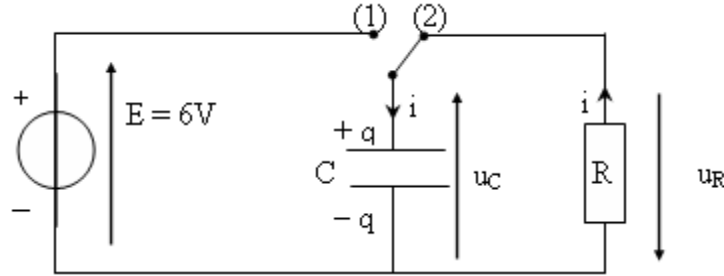
$$E = U_C + r \times C \frac{du_C}{dt}$$

3- حل هذه المعادلة التفاضلية: $U_c = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$

الفيزياء

وشية ذات معامل تحريض ذاتي قابل للضبط

1- تمثيل التوترين U_c و U_R بين مربطي المكثف و الموصل الأومي.



2- المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر U_c ، وكذا حلها علما أن $\tau = RC$.

بتطبيق قانون إضافية التوترات لدينا: $u_c(t) + u_R(t) = 0$.

حسب قانون أوم: $u_R(t) = R \cdot i(t)$

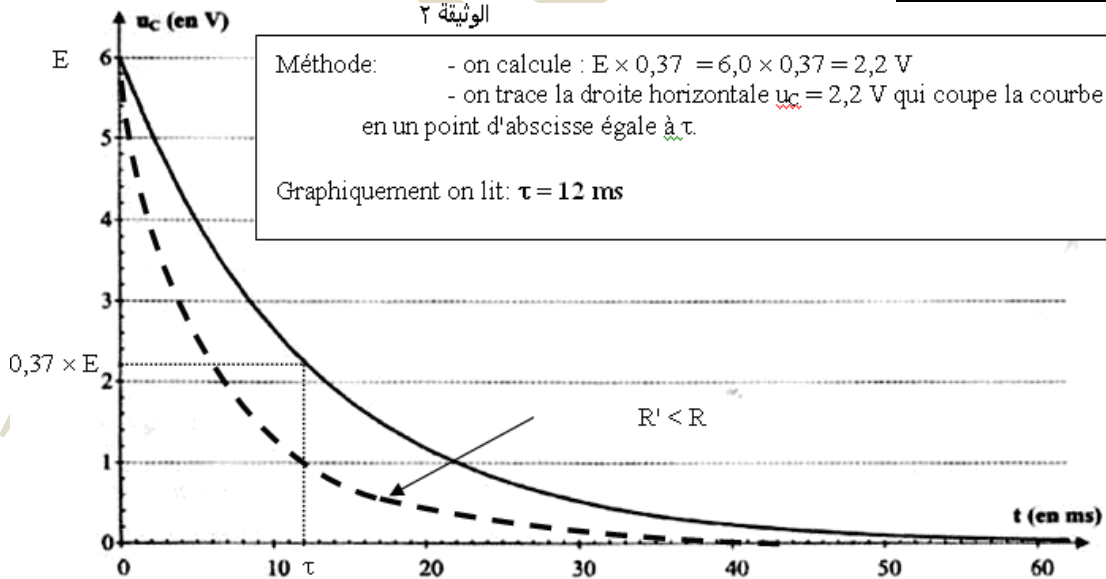
أذن: $u_c(t) + R \cdot i(t) = 0$ (1)

باعتبار أن: $i(t) = \frac{dq}{dt}$ و $q(t) = C \cdot u_c(t)$

أذن $U_c + RC \frac{dU_c}{dt} = 0$ وهي المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر U_c . حلها $U_c = E \times e^{-\frac{t}{\tau}}$

3- عند اللحظة $t = \tau$ لدينا $U_c(t) = E e^{-\frac{\tau}{\tau}} = E e^{-1} = E \times \frac{37}{100}$ إذن $U_c(t) = E e^{-1} = E \times \frac{37}{100}$ و منه التوتر بين مربطي المكثف يساوي 37%.

4- تحديد قيمة ثابتة الزمن τ .



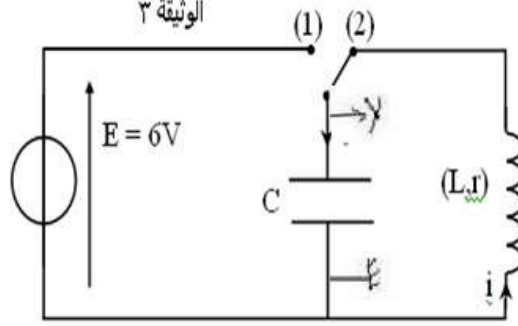
قيمة السعة C .

$C = \frac{12 \times 10^{-3}}{5,6 \times 10^{-3}} = 2,1 \times 10^{-6} F = 2,1 \mu F$ ت ع $C = \frac{\tau}{R}$ إذن $\tau = R \cdot C$

5- منحى فرغ المكثف في الحالة التي نستعمل فيها موصل أومي مقاومته R' ضعيفة (أنظر الوثيقة 2). في حالة $R' < R$ مع C مماثلة للحالة السابقة، لدينا $\tau' = R' \cdot C$ إذن المكثف يفرغ بسرعة لأن $\tau' < \tau$.

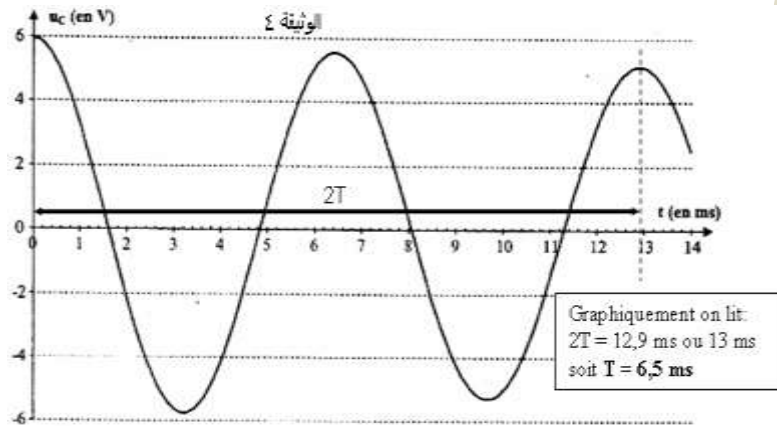
II- قياس معامل التحريض الذاتي لوشية

1- كيفية ربط جهاز راسم التوتر لمشاهدة التوتر بين مرتبتي المكثف.



2- نظام التوتر U_C شبه دوري. لأننا نشاهد أن وسع التوتر الجيبي يتناقص مع الزمن.

3- تحديد قيمة L .
* تحديد T_0 انطلاقاً من الوثيقة 4.



لدينا $T_0 = 2\pi \times \sqrt{LC}$ إذن $L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C}$ ت ع $L = \frac{(5,6 \times 10^{-3})^2}{4\pi^2 \times 2,2 \times 10^{-6}} = 0,48 H$

4- الفرق النسبي $\frac{|L_{exp} - L_{bobine}|}{L_{bobine}} = \frac{|0,49 - 0,5|}{0,5} = 4,2\%$. هذا الفرق ربما خطأ في قياس الدور كذلك أننا أخذنا رقم فقط بعد الفاصلة بالنسبة L_{bobine} .

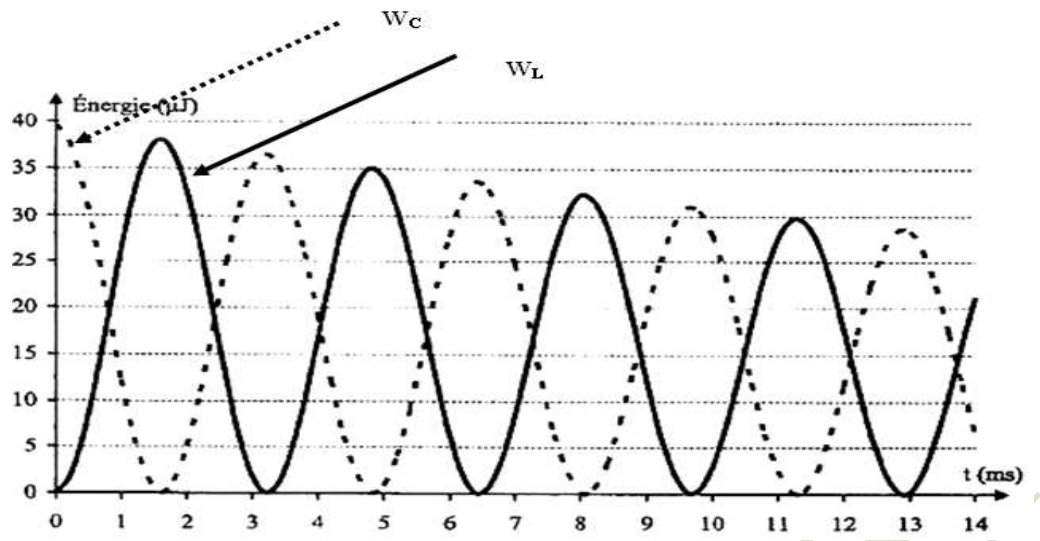
III- حصيلة الطاقة

1- تعبير الطاقتين W_C و W_L .

* الطاقة المخزونة في المكثف: $W_C = 1/2 \cdot C \cdot u_C^2$.

* الطاقة المخزونة في الوشيعه: $W_L = 1/2 \cdot L \cdot i^2$.

2- تحديد على الوثيقة (5) منحنى W_C و منحنى W_L .



-3 -4 -5 -6 أنظر الدرس

m.elouardi