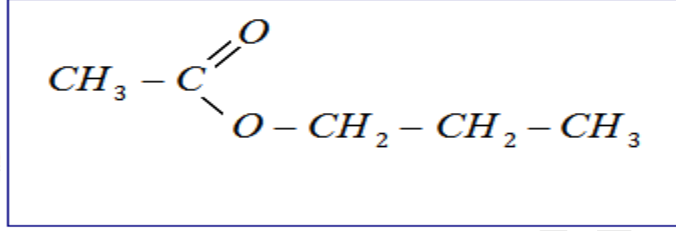


المادة: فيزياء- كيمياء مدة الإنجاز: ساعتان التاريخ : 2013 / 05/ 21	فرض محروس رقم 4 الدورة الثانية المستوى: الثانية باك علوم زراعية	الثانوية الفلاحية جمعة سحيم الأستاذ: المختار الوردي
ملحوظة: يؤخذ بعين الاعتبار تنظيم ورقة التحرير يجب أن تعطي العلاقة الحرفية قبل التطبيق العددي استعمال أرقام معبرة في التطبيقات العددية		

الكيمياء: (7.0 نقط)

يحتوي العديد من الفواكه على إسترات ذات نكهة متميزة، فمثلا نكهة الإجاص تعزى إلى أسيتات البروبيل، و هو إستر ذو الصيغة النصف المنشورة التالية:



1- نحصل على $m = 102 \text{ g}$ من إستر (E) مصنع مماثل للإستر الطبيعي المستخرج من الإجاص بواسطة التسخين بالارتداد لخليط مكون من 1.5 mol من حمض الإيثانويك (A) و 1.5 mol من كحول (B) إسمه بروبان -1- أول، بوجود حمض الكبريتيك المركز.

0.5

1-1- باعتماد طريقة تسمية الإسترات، أعط إسم آخر لأسيتات البروبيل.

0.75

1-2- عين الصيغة النصف المنشورة لكل من حمض الإيثانويك (A) و الكحول (B)، محددًا صنف هذا الأخير.

0.75

1-3- أكتب معادلة تفاعل هذه الأسترة باستعمال الصيغ النصف المنشورة.

1-4- اعتمادًا على الجدول الوصفي لتفاعل الأسترة، أوجد:

أ- التقدم النهائي للتفاعل.

1

ب- ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة تفاعل هذه الأسترة.

0.5

ج- المردود r لهذا التفاعل.

0.5

1-5- فيما يلي بعض الاقتراحات لتحسين مردود التفاعل:

أ- إنجاز التحول نفسه، انطلاقًا من خليط مكون من 1.5 mol حمض الإيثانويك (A) و 2.4 mol من الكحول (B).

1

ب- إضافة حمض الكبريتيك المركز.

ج- إنجاز التجربة الممثلة في الشكل (1) أسفله.

د- إنجاز التجربة الممثلة في الشكل (2) أسفله.

هـ- تعويض حمض الإيثانويك (A) بأنديريد الإيثانويك (D).

حدد معلا جوابك الاقتراح الصحيح من بين الاقتراحات السابقة.

1-6- أكتب معادلة الصيغ النصف المنشورة، معادلة تفاعل الاقتراح (هـ)، محددًا أسماء المتفاعلات و النواتج. ما الفرق بين هذا التفاعل و التفاعل السابق؟

0.75

2- يتفاعل أسيتات البروبيل مع محلول الصودا $(Na^+ + OH^-)$.

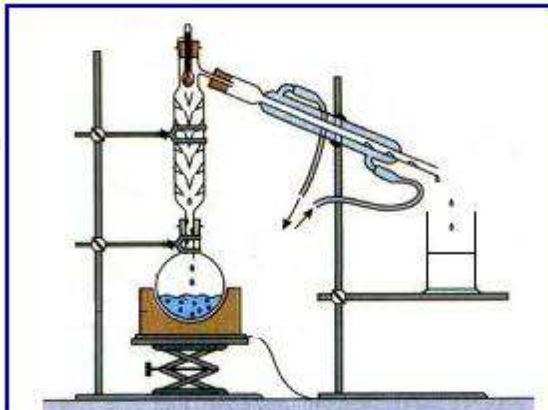
2-1- ما إسم هذا التفاعل؟ و ماهي مميزاته؟

0.5

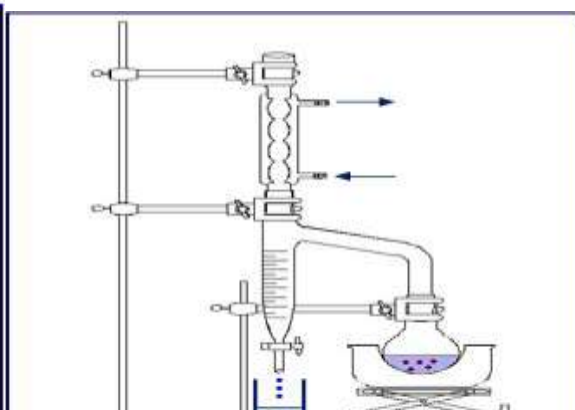
2-2- أكتب معادلة التفاعل باستعمال الصيغ نصف المنشورة، محددًا أسماء المتفاعلات و النواتج.

0.75

معطيات: $M(O) = 16 \text{ g/mol}$ و $M(H) = 1 \text{ g/mol}$ و $M(C) = 12 \text{ g/mol}$.



شكل 1 : عملية تقطير الإستر



شكل 2 : جهاز دين ستارك (Dean stark) يمكن من إزالة الماء

الفيزياء هي محاولة النفاذ إلى الطبيعة الجوهرية لكل شيء

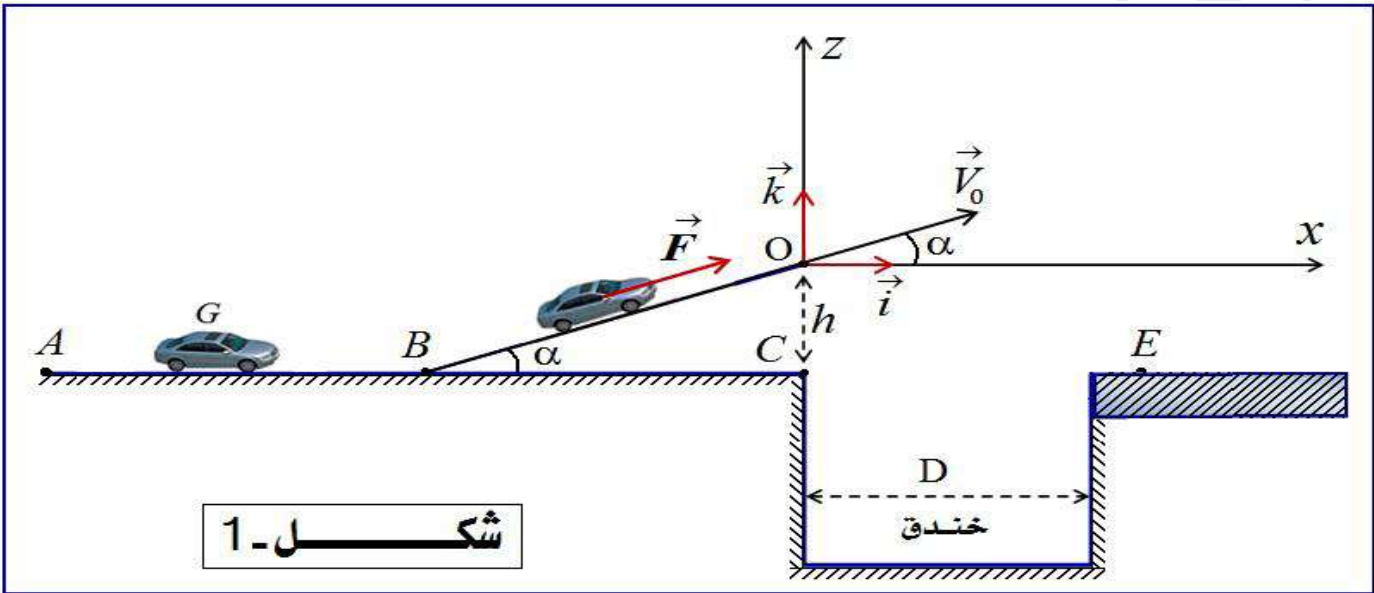
الفيزياء: (13 نقطة)

التمرين الأول (7.0 نقطة)

يعتبر القفز على الخنادق أو الحواجز بواسطة السيارات أو الدراجات النارية أحد التحديات التي يواجهها المجرمون. يهدف هذا التمرين إلى التعرف على بعض الشروط التي يجب توفرها لتحقيق هذا التحدي.

يتكون مدار للمجازفة من قطعة AB مستقيمة و من قطعة BO مائلة بزاوية α بالنسبة للمستوى الأفقي AC و خندق عرضه D (أنظر الشكل -1).

نمذج السيارة (السائق + السيارة) بمجموعة (S) غير قابلة للتشويه كتلتها m و مركز قصورها G . ندرس حركة مركز القصور G في معلم أرضي نعتبره غاليليا، و نهمل تأثير الهواء على المجموعة (S) و أبعادها بالنسبة للمسافات المقطوعة.



المعطيات: كتلة المجموعة (S) $m = 1200 \text{ kg}$ ، الزاوية $\alpha = 10^\circ$ ، شدة الثقالة: $g = 10 \text{ m/s}^2$

1- دراسة الحركة المستقيمة للمجموعة (S)

تمر المجموعة (S) عند اللحظة $t_0 = 0$ من النقطة A ذات الأفصول المنعدم ($x_A = 0$) بسرعة بدئية V_A غير منعدمة، و عند اللحظة $t_1 = 9.45 \text{ s}$ تمر من النقطة B ذات الأفصول AB بسرعة V_B .

معادلة السرعة V لحركة G تكتب على الشكل التالي: $V = 2t + 10$ ، حيث V بالوحدة m/s و t بالثانية (s).

1- ما طبيعة حركة G على القطعة AB ؟ علل جوابك.

1- 2- حدد قيمة التسارع a لحركة G و قيمتي السرعة V_A و V_B .

1- 3- أحسب المسافة AB .

1- 4- تخضع المجموعة (S) على القطعة BO لقوة الدفع \vec{F} للمحرك لها نفس منحنى حركة المجموعة و قوة احتكاك \vec{f} شدتها $f = 500 \text{ N}$ و منحناها معاكس لمنحنى الحركة. نعتبر القوتين ثابتتين و موازيتين للقطعة BO . أوجد، بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، الشدة F لقوة الدفع لكي تبقى للمجموعة نفس قيمة التسارع a لحركتها على القطعة AB .

2- دراسة حركة المجموعة (S) في مجال الثقالة المنتظم

تصل المجموعة (S) إلى النقطة O بسرعة \vec{V}_0 قيمتها $V_0 = 30 \text{ m/s}$ و تتابع حركتها لتسقط في النقطة E التي تبعد عن النقطة C بالمسافة $CE = 43 \text{ m}$. نأخذ لحظة بداية تجاوز المجموعة (S) للخندق أصلا جديدا لمعلم الزمن حيث يكون G منطبقا مع O أصل المعلم

(أنظر الشكل 1-).

1- 2- أكتب المعادلتين الزميتين $x(t)$ و $z(t)$ لحركة G في المعلم (O, \vec{i}, \vec{k}) .

0.75 2- 2- أستنتج معادلة المسار $z = f(t)$.

1 2- 3- حدد إحداثيتي النقطة F قمة المسار.

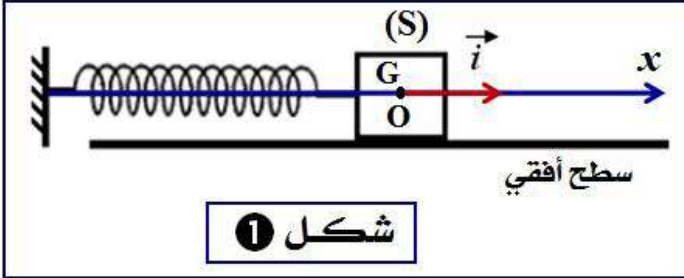
1 2- 4- حدد الارتفاع h بين النقطتين O و C .

التمرين الثاني (6 نقطة)

تستعمل المجموعات الميكانيكية المتذبذبة في عدة مجالات منها المجال التكنولوجي، حيث تستعمل في السيارات و الساعات و ألعاب الأطفال و غيرها. من بين هذه المتذبذبات ندرس نواسا مرنا أفقيا مكونا من:

جسم صلب (S) كتلته m يمكنه أن يتحرك بدون احتكاك فوق سطح أفقي.

نابض لفاته غير متصل و كتلته مهملة و صلابته k ، ثبت أحد طرفيه بالجسم (S). الطرف الثاني للنابض مثبت بحامل (أنظر الشكل -1)



شكل 1

عند التوازن يكون النابض غير مشوه و ينطبق مركز القصور G للجسم (S) مع الأصل لمعلم (O, \vec{i}) المرتبط بالأرض.

نزيح الجسم (S) عن موضع توازنه في المنحنى الموجب بمسافة x_m ثم نحرره بدون سرعة بدئية عند اللحظة $t = 0$.

1- الدراسة التحريكية

1-1- أجرد القوى المطبقة على الجسم (S) خلال حركته.

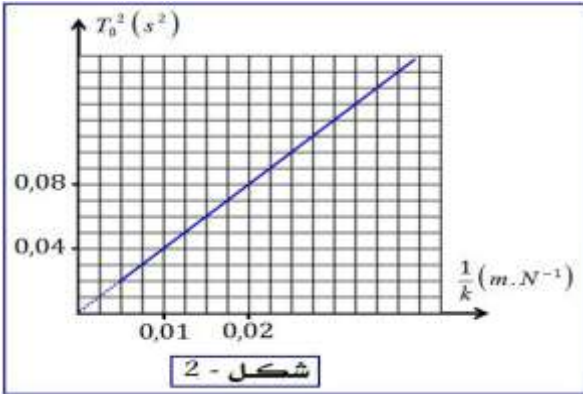
0.75

1-2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S)، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة G مركز القصور للجسم (S).

0.75

1-3- أوجد التعبير الحرفي للدور الخاص T_0 للمتذبذب ليكون حل المعادلة التفاضلية هو :

0.75



شكل 2

$$x(t) = x_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$$

1-4- لدراسة تأثير النابض k على قيمة الدور الخاص T_0 لحركة

0.75

المتذبذب، نقوم بتغيير النابض و نحدد قيمة T_0 في كل حالة. مكنت

النتائج التجريبية المحصلة من تمثيل تغيرات T_0^2 بدلالة $\frac{1}{k}$

(أنظر الشكل - 2).

حدد قيمة الكتلة m للجسم الصلب (S). نأخذ : $\pi^2 = 10$.

2- الدراسة الطاقية

نعتبر طاقتي الوضع المرنة و الثقالية للمجموعة منعدمتان عند موضع توازن الجسم (S).

2-1- أكتب تعبير الطاقة الميكانيكية E_m لهذه المجموعة بدلالة x و \dot{x} و m و k .

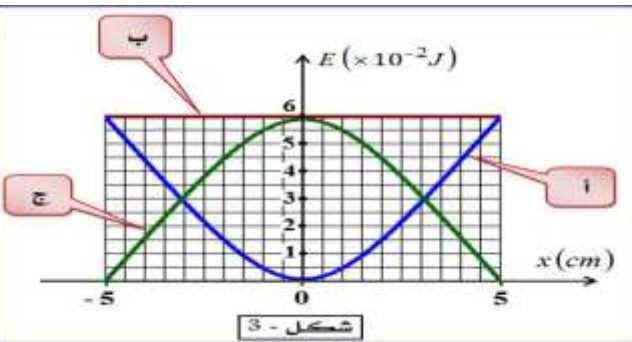
0.75

استنتج من جديد المعادلة التفاضلية لحركة المتذبذب.

2-2- بين أن تعبير E_m يكتب على الشكل التالي: $E_m = \frac{1}{2} \cdot k \cdot x_m^2$. حيث k صلابة النابض و x_m وسع التذبذبات.

0.75

2-3- يمثل الشكل - 3 مخطط كل من الطاقة الحركية E_C و طاقة الوضع المرنة E_p و الطاقة الميكانيكية E_m للمجموعة المتذبذبة.



شكل 3

أ- حدد معللا جوابك، المنحنى الموافق لكل طاقة.

0.75

ب- استنتج الصلابة k للنابض المستعمل في هذه الحالة.

0.75

يقدر الكد تكتسب المعالي****و من طلب العلا سهر الليالي

تصحيح الفرض المحروس رقم 4

التنقيط

عناصر الاجابة

المحور

الكيمياء (7 نقط)

- 0.5 1-1 - إسم الإستر هو : إيثانوات البروبيل.
0.75 1-2 - الصيغة نصف المنشورة لحمض الإيثانويك (A) : CH_3COOH
0.75 1-3 - معادلة تفاعل هذه الأسترة باستعمال الصيغ النصف المنشورة.
1-3 - الصيغة نصف المنشورة للكحول (B) : $HO-CH_2-CH_2-CH_3$ ، وهو كحول أولي .



4-1 - الجدول الوصفي لتفاعل الأسترة.

A + B → E + H ₂ O				معادلة التفاعل	
كميات المادة بـ mol				التقدم	حالة المجموعة
1,5	1,5	0	0	0	الحالة البدئية
1,5 - x _f	1,5 - x _f	x _f	x _f	x _f	عند التوازن

- 0.5 أ- التقدم النهائي للتفاعل.
0.5 لدينا كتلة الإستر الناتج m = 102 g و كتلته المولية : M = 102 g/mol
إذن

$$x_f = \frac{102}{102} = 1 \text{ mol} \quad \text{ت.ع} \quad x_f = n(E) = \frac{m(E)}{M(E)}$$

ب- ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة تفاعل هذه الأسترة.

$$K = \frac{(x_f)^2}{(1,5 - x_f)^2} = \frac{(1)^2}{(1,5 - 1)^2} = 4 \quad \leftarrow \quad K = \frac{[E]_f [H_2O]_f}{[A]_f [B]_f} = \frac{\left(\frac{x_f}{V}\right)^2}{\left(\frac{1,5 - x_f}{V}\right)^2}$$

ج- المردود r لهذا التفاعل.

$$r = 67 \% \quad \leftarrow \quad r = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{1}{1,5} = 0,67$$

1-5 - الاقتراحات الصحيحة لتحسين مردود التفاعل هي:

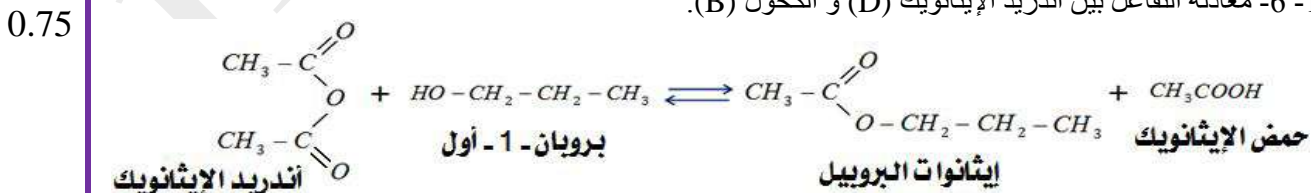
أ- استعمال الكحول (المتفاعل) بوفرة.

ج- إزالة أحد النواتج : يمكن جهاز دين ستارك من إزالة الماء أثناء تكونه، و بالتالي تفادي حلمأة الإستر المتكون.

د- إزالة أحد النواتج : تمكن إنجاز التجربة الممثلة في الشكل (2) أسفله.

هـ- تعويض حمض الإيثانويك بأندريد الإيثانويك للحصول على تفاعل كلي و سريع.

1-6 - معادلة التفاعل بين أندريد الإيثانويك (D) و الكحول (B).



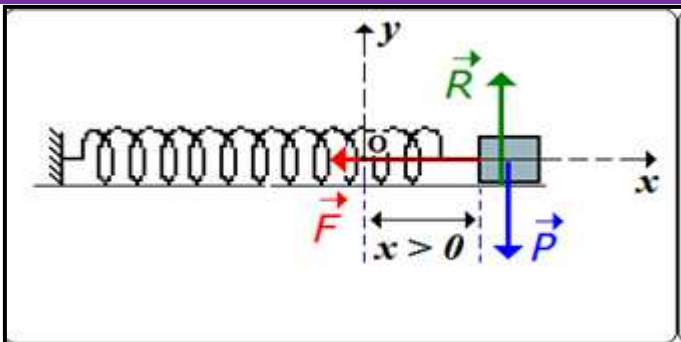
هذا التفاعل كلي و سريع، بينما التفاعل السابق بطيء و محدود.

0.5	2- يتفاعل أسيتات البروبيل مع محلول الصودا (Na ⁺ + OH ⁻). 2-1- إسم التفاعل : تفاعل التصبن 2-2- معادلة تفاعل التصبن و أسماء المتفاعلات و النواتج. مميزاته : تفاعل كلي و سريع.
0.75	$CH_3 - C(=O) - O - CH_2 - CH_2 - CH_3 + OH^- \longrightarrow HO - CH_2 - CH_2 - CH_3 + CH_3COO^-$ <p>إيثانوات البروبيل أيون هيدروكسيد بروبان - 1 - أول أيون إيثانوات</p>

الفيزياء (13 نقطة)

التمرين الأول (7 نقطة)

0.75	<p>-1 1-1- معادلة السرعة عبارة عن دالة تألفية $V(t) = at + V_{(t=0)}$ و المسار مستقيمي، إذن حركة G على القطعة AB مستقيمة متغيرة بانتظام.</p>																				
0.75	<p>1-2- حسب - معادلة السرعة $V(t) = 2t + 10$، نستنتج : * قيمة التسارع : $a = 2 \text{ m/s}^2$ * قيمة السرعة V_A : $V_A = V(t=0)$ $V_A = 10 \text{ m/s}$ \Leftarrow * قيمة السرعة V_B : $V_B = V(t=9.45) + 10$ $V_B = 28.9 \text{ m/s}$ \Leftarrow</p>																				
0.75	<p>1-3- حساب المسافة . * الطريقة الأولى : لدينا $x(t) = \frac{1}{2}at^2 + V_0t + x_0$ \Leftarrow $x(t) = t^2 + 10t$ بالنسبة ل $t = 9.15 \text{ s}$ \Leftarrow $AB = x_B = (9.45)^2 + (10 \times 9.45)$ $AB = 183.8 \text{ m}$ * الطريقة الثانية : العلاقة المستقلة عن الزمن $V_B^2 - V_A^2 = 2a(x_B - x_A)$ \Leftarrow $V_B^2 - V_A^2 = 2a \times AB$ $AB = \frac{(28.9)^2 - 10^2}{2 \times 2} = 183.8 \text{ m}$ ت.ع \Leftarrow $AB = \frac{V_B^2 - V_A^2}{2a}$</p>																				
1	<p>1-4- تطبيق القانون الثاني لنيوتن : $\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = m\vec{a}$ الاسقاط على المستقيم (BO) الموجه في منحنى الحركة : $F = ma + f + mg \cdot \sin \alpha$ \Leftarrow $-mg \cdot \sin \alpha - f + F = ma_x = ma$ ت.ع $F = (1200 \times 2) + 500 + (1200 \times 10 \times \sin 10^\circ) = 4983.77 \text{ N}$</p>																				
1	<p>-2 عند مغادرة المجموعة للقطعة BO، تكون خاضعة لوزنها P فقط. تطبيق القانون الثاني لنيوتن : $\sum \vec{F} = m\vec{a}_G$ \Leftarrow $\vec{P} = m\vec{a}_G$ \Leftarrow $\vec{a}_G = \vec{g}$ إسقاط العلاقة $\vec{a}_G = \vec{g}$ على المحورين (O, \vec{i}) و (O, \vec{k}) : إحداثيات متجهة التسارع: <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>\vec{a}_G</td> <td>$a_x = \ddot{x} = 0$</td> </tr> <tr> <td></td> <td>$a_z = \ddot{y} = -g$</td> </tr> </table> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>\vec{v}_G</td> <td>$v_x = v_{0x} = v_0 \cos \alpha$</td> </tr> <tr> <td></td> <td>$v_z = -gt + v_0 \sin \alpha$</td> </tr> </table> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>\vec{OG}</td> <td>$x = (v_0 \cos \alpha).t$ (1)</td> </tr> <tr> <td></td> <td>$z = -\frac{1}{2}g.t^2 + (v_0 \sin \alpha).t + z_0$ (2)</td> </tr> </table> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>\vec{OG}</td> <td>$x = 29.54t$ (1)</td> </tr> <tr> <td></td> <td>$z = -5.t^2 + 5.21.t$ (2)</td> </tr> </table> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>\vec{OG}</td> <td>$x = (v_0 \cos \alpha).t$ (1)</td> </tr> <tr> <td></td> <td>$z = -\frac{1}{2}g.t^2 + (v_0 \sin \alpha).t$ (2)</td> </tr> </table> لدينا $x_0 = z_0 = 0$ ، إذن</p>	\vec{a}_G	$a_x = \ddot{x} = 0$		$a_z = \ddot{y} = -g$	\vec{v}_G	$v_x = v_{0x} = v_0 \cos \alpha$		$v_z = -gt + v_0 \sin \alpha$	\vec{OG}	$x = (v_0 \cos \alpha).t$ (1)		$z = -\frac{1}{2}g.t^2 + (v_0 \sin \alpha).t + z_0$ (2)	\vec{OG}	$x = 29.54t$ (1)		$z = -5.t^2 + 5.21.t$ (2)	\vec{OG}	$x = (v_0 \cos \alpha).t$ (1)		$z = -\frac{1}{2}g.t^2 + (v_0 \sin \alpha).t$ (2)
\vec{a}_G	$a_x = \ddot{x} = 0$																				
	$a_z = \ddot{y} = -g$																				
\vec{v}_G	$v_x = v_{0x} = v_0 \cos \alpha$																				
	$v_z = -gt + v_0 \sin \alpha$																				
\vec{OG}	$x = (v_0 \cos \alpha).t$ (1)																				
	$z = -\frac{1}{2}g.t^2 + (v_0 \sin \alpha).t + z_0$ (2)																				
\vec{OG}	$x = 29.54t$ (1)																				
	$z = -5.t^2 + 5.21.t$ (2)																				
\vec{OG}	$x = (v_0 \cos \alpha).t$ (1)																				
	$z = -\frac{1}{2}g.t^2 + (v_0 \sin \alpha).t$ (2)																				
0.75	2-2- معادلة المسار:																				

	$z = -5\left(\frac{x}{29.54}\right)^2 + 5.21\left(\frac{x}{29.54}\right) \quad (2) \quad \text{نعوض في (1)} \quad t = \frac{x}{29.54} \leftarrow (1)$ $z = -5.73 \cdot 10^{-3} \cdot x^2 + 0.176 \cdot x \quad \text{ومنه}$
1	<p>2-3- إحدائيتي F قمة المسار :</p> <p>بالنسبة ل $x = x_F$، لدينا $\left(\frac{dz}{dx}\right)_F = 0$ ومنه $-11.46 \cdot 10^{-3} \cdot x + 0.176 = 0$</p> $x_F = 15.35 \text{ m} \leftarrow x = x_F = \frac{0.176}{11.46 \cdot 10^{-3}} \leftarrow$ <p>نعوض x_F في معادلة المسار، فنجد : $z_F = -5.73 \cdot 10^{-3} \cdot x_F^2 + 0.176 \cdot x_F$</p> $z_F = 1.35 \text{ m} \leftarrow z_F = -5.73 \cdot 10^{-3} (15.35)^2 + 0.176 \times 15.35 \leftarrow$ <p>طريقة أخرى : في النقطة F $V_z = \dot{z} = 0 \leftarrow$</p> $t_F = \frac{V_0 \sin \alpha}{g} = 0.52 \text{ s} \leftarrow$ <p>إذن : $x_F = 29.54 \times 0.52 = 15.36 \text{ m}$ و $z_F = [-5 \cdot (0.52)^2] + (5.21 \times 0.52) = 1.35 \text{ m}$</p>
1	<p>2-4- في النقطة E : $x_E = CE = 43 \text{ m}$ و $z_F = -h$</p> <p>إذن : $-h = -5.73 \cdot 10^{-3} \cdot (43)^2 - 0.176 \times 43 \leftarrow$</p> $-h = -5.73 \cdot 10^{-3} \cdot x_E^2 + 0.176 \times x_E \leftarrow$ $h = 3 \text{ m} \leftarrow$
التمرين الثاني (8 نقطة)	
0.75	<p>1- الدراسة التحريكية</p> <p>1-1- القوى المطبقة على الجسم (S) خلال حركته:</p> <p>وزن الجسم : \vec{P}</p> <p>تأثير النابض : \vec{F}</p> <p>تأثير السطح الأفقي : \vec{R}</p> 
0.75	<p>1-2- المعادلة التفاضلية لحركة G مركز القصور للجسم (S).</p> <p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن عند اللحظة t، نكتب : $\vec{F} + \vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}$</p> <p>إسقاط العلاقة على المحور (Ox) : $-F + 0 + 0 = m \cdot a_x = m \cdot \ddot{x}$</p> $\ddot{x} + \frac{k}{m} x = 0 \quad \text{أي} \quad -k \cdot x = m \cdot \ddot{x} \quad \text{ومنه}$
0.75	<p>1-3- التعبير الحرفي للدور الخاص T_0 للمتذبذب.</p> <p>لدينا $x(t) = x_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) \leftarrow$</p> $\ddot{x} = -x_m \cdot \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right)$ <p>نعوض x و \ddot{x} في المعادلة التفاضلية، فنجد :</p> $-x_m \cdot \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) + \frac{k}{m} x_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) = 0$ <p>أي $-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{k}{m} = 0$ ومنه نستنتج $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$</p>
0.75	<p>1-4- المنحنى $T_0^2 = f\left(\frac{1}{k}\right)$ عبارة عن دالة خطية، إذن : $T_0^2 = a \times \frac{1}{k}$ (*)، حيث a المعامل</p>

$$a = \frac{0.08 - 0.04}{0.02 - 0.01} = 4 \text{ s}^2 \cdot \text{N} \cdot \text{m}^{-1} \quad \text{الموجه للمسقيم.}$$

$$T_0^2 = 4\pi^2 \frac{m}{k} \quad (**) \Leftrightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \text{و لدينا}$$

$$m = 100 \text{ g} \Leftrightarrow m = \frac{a}{4\pi^2} \quad \text{أي} \quad a = 4\pi^2 m \quad \text{: نستنتج أن : و (*) و (**)$$

0.75

2- الدراسة الطاقية

2-1- تعبير الطاقة الميكانيكية E_m .

$$E_m = \frac{1}{2} \cdot m \cdot \dot{x}^2 + \frac{1}{2} \cdot k \cdot x^2 \Leftrightarrow E_m = \frac{1}{2} \cdot m \cdot V^2 + \frac{1}{2} \cdot k \cdot x^2 \Leftrightarrow E_m = E_C + E_P$$

$$\frac{dE_m}{dt} = 0 \Leftrightarrow E_m = \text{Cste} \quad \text{فإن : الاحتكاكات مهملة،}$$

$$\ddot{x} + \frac{k}{m} x = 0 \quad \text{أي} \quad m \cdot \ddot{x} + k \cdot x = 0 \quad \text{منه} \quad \frac{1}{2} \cdot m \cdot 2\dot{x}\ddot{x} + \frac{1}{2} \cdot k \cdot 2x\dot{x} = 0 \Leftrightarrow$$

0.75

2-2- تعبير E_m بدلالة k و x_m .

$$\text{نعوض} \quad x(t) = x_m \cdot \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) \quad \text{و} \quad \dot{x} = -x_m \cdot \frac{2\pi}{T_0} \cdot \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + \varphi\right) \quad \text{في تعبير } E_m$$

$$E_m = \frac{1}{2} \cdot k \cdot x_m^2 \quad \text{فنجد :}$$

0.75

2-3-

أ- الطاقة الميكانيكية E_m ثابتة \Leftrightarrow المنحنى (ب).

- طاقة الوضع المرنة $E_p = \frac{1}{2} \cdot k \cdot x^2$ عبارة عن شلجم يمر من أصل المعلم \Leftrightarrow المنحنى (أ).

- الطاقة الحركية $E_C = \frac{1}{2} \cdot m \cdot \dot{x}^2$ تكون قصوية بالنسبة ل $x = 0$ \Leftrightarrow المنحنى (ج).

0.75

ب- لدينا حسب الشكل (3) : $E_m = 6.10^{-2} \text{ J}$ و $x_m = 5 \text{ cm}$ و لدينا $E_m = \frac{1}{2} \cdot k \cdot x_m^2$

$$k = \frac{2 \times 0.06}{(0.05)^2} = 48 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1} \quad \text{ت.ع} \quad k = \frac{2E_m}{x_m^2} \quad \text{إذن}$$